時変フィードバックゲインを用いた水中ロボット マニピュレータのロバスト制御

平 雄一郎

Robust Control for Underwater Robot Manipulators with a Time-Varying Feedback Gain

Yuichiro Taira

Abstract : In this report, a robust controller for underwater robots equipped with a manipulator (underwater robot manipulators) is developed to overcome uncertainties in robot dynamics and hydrodynamic forces. The proposed controller has the following features : (1) the structure of the controller is very simple in comparison with that of an adaptive controller using a regressor of a robot dynamic equation; (2) the controller is developed without using a function specific to sliding mode type robust control, such as a signum function and a saturation function, which often leads to oscillations in control inputs; and (3) the maximum value of a tracking error norm can be arbitrarily reduced by setting controller design parameters. Furthermore, numerical simulations whose model is a 2 link planar underwater robot manipulator are performed. The simulation results demonstrate the validity of the theoretical results (the controller features).

Key words : Fishery engineering, Underwater robot, Manipulator, Robust control, Time-varying feedback gain

はじめに

近年,安全かつ効率的な海洋調査を実現するため,自律 型海中ロボット(Autonomous Underwater Vehicle)の研 究・開発が行われている^{1,2)}。将来,このロボットは海底 通信ケーブルの設置・保守などの海中工事,漁場における 海底障害物・汚染源の除去作業などの海洋開発・保全のた めに用いられることが予想される。そのため,このロボッ トには,有索無人潜水機(Remotely Operated Vehicle) と同様に,人間の腕・手に相当する作業用マニピュレータ が搭載されている必要がある。本報告では,作業用マニ ピュレータを搭載した自律型海中ロボット(以下では,海 中を含めて水中ロボットマニピュレータと呼ぶ)を対象と する。 この水中ロボットマニピュレータに対し,ロボット本体 およびマニピュレータ手先両方の位置を理想軌道に追従さ せる制御法が種々提案されている³⁻⁸⁾。これらのコント ローラでは,ロボットならびに流体力に関するパラメータ (質量,抗力係数など)が既知であるという条件で,位置 誤差の漸近安定性⁹⁾(誤差が0に収束すること)が保証さ れている。しかしながら,水中ロボットの実機のパラメー タには一般に不確かさが存在する。さらに,マニピュレー タが把持する物体のパラメータは未知である場合が多い。

これに対し、未知パラメータを前提とした適応制御法が 提案されている¹⁰⁻¹²⁾。これらの適応コントローラでは、既 知パラメータに対する制御法³⁻⁸⁾と同様に、位置誤差の 漸近安定性が達成されている。しかしながら、流体力項の ある運動方程式から得られるregressor(パラメータを含

2009年9月11日受付. Received September 11, 2009.

水産大学校海洋機械工学科(Department of Ocean Mechanical Engineering, National Fisheries University)

別刷り請求先 (corresponding author): taira@fish-u.ac.jp

まない信号)がコントローラに含まれていることから、コ ントローラの構造が非常に複雑であるという課題がある。 また、未知パラメータを前提とした制御法として、スライ ディングモード制御に基づくロバスト制御法も提案されて いる¹³⁻¹⁵⁾。これらのコントローラでは、符号関数を用いる ことにより、位置誤差の漸近安定性が得られている。しか しながら、この符号関数は不連続関数であるため、コント ローラを実装した場合,制御入力にチャタリング(高周波 振動)が発生する可能性が高い^{16,17)}。チャタリングが発生 すれば、アクチュエータに多大な負担がかかるし、制御性 能が一般に劣化する。そこで、このチャタリングを防止す るため、符号関数を連続関数である飽和関数に置換した連 続スライディングモード制御法が提案されている¹⁸⁻²¹⁾。こ れらのコントローラでは、漸近安定性よりも安定度が弱い 位置誤差の終局的有界性⁹⁾(最終的に誤差がある値以下に なること)が達成される。しかしながら、コントローラを 実装した場合、システムのサンプリング周期が十分短くな ければ、チャタリング回避のために設計パラメータを保守 的に決定しなければならず、良好な制御性能が得られな い。さらに、この場合、制御入力に大きな振幅の低周波振 動が発生することがある¹⁷⁾。なお、マニピュレータ手先な らびに対象物の位置の計測には、CCDカメラなどの視覚 センサが用いられることが考えられるが、サーボコント ローラ (モータの駆動部分) のサンプリング周期は一般に 1[ms]程度であるのに対し、一般的なCCDカメラのサンプ リング周期は33[ms]であり²²⁾,一般的な視覚センサを用い たとき、システムのサンプリング周期を短くできない。一 方、短いサンプリング周期の特殊な視覚センサを用いた場 合, ロボット製作にかかるコストが増大することが予想さ れる。

本報告では、スライディングモード制御に基づかない、 時変フィードバックゲインを用いたロバスト制御法を提案 する。本手法の特徴は、1)運動方程式のregressorを用い ていないため、従来の適応コントローラ¹⁰⁻¹²⁾と比較して、 コントローラ構造が非常に簡単であること、2)制御入力が 振動的になりやすい、従来のロバストコントローラ^{13-15,18-21)} における符号関数あるいは飽和関数を用いていないこと、 3)位置誤差の終局的有界性が保証され、さらに設計パラ メータを大きく設定することにより、位置誤差のノルムの 最大値を任意に小さくできることである。

なお、本報告で用いるノルムとしては、ベクトルの場合 にはユークリッドノルム ($\|\bar{x}\| = \sqrt{\bar{x}^T \bar{x}}$)、また行列の場合に はその誘導ノルム ($\|\overline{A}\| = \sqrt{\lambda_{\max} \{\overline{A}^T \overline{A}\}}$) とする ($\lambda_{\max} \{\cdot\}$ は 最大固有値)。

モデルの記述

本報告では、1本の m_n リンク回転関節マニピュレータを 搭載した水中ロボット(Fig.1参照)を対象とする($m_n \ge m_p$)。なお、 m_p は並進運動の次元である。すなわち、空間 内を動ける場合は m_p =3であり、平面上の動きに拘束され る場合は m_p =2である。一方、回転運動の次元を m_o と し、 m_p =3の場合は m_o =3、 m_p =2の場合は m_o =1とな る。これに関連する次元として、 $m = m_o + m_n$ ならびに $n = m_o + m_n$ を定義しておく。

水中ロボットマニピュレータの挙動を記述する数学モデ ルは次式で与えられる²³⁾。

 $M(q)\ddot{\phi}+C(q,\dot{\phi})\dot{\phi}+d(q,\dot{\phi})+g(q)=\tau$ (1) ただし、 $q\in R^{m}$ は本体姿勢角度・マニピュレータ関節角度 から構成される変数、 $\phi\in R^{n}$ は本体位置とqから構成され る変数、 $\tau\in R^{n}$ は本体推進力・本体推進トルク・マニピュ レータ関節トルクから構成される変数、 $M(\cdot)\in R^{n\times n}$ は慣 性行列、 $C(\cdot)\in R^{n\times n}$ は遠心力・コリオリカの係数行列、d $(\cdot)\in R^{n}$ は流体抗力、 $g(\cdot)\in R^{n}$ は重力・浮力である。

数学モデル(1)において,制御系設計で役立つ以下の性 質が成立する。

[性質1] *M*(·)は正定対称行列である。

[性質2] 回転関節マニピュレータの場合, $M(\cdot)$, $C(\cdot)$, $d(\cdot)$, $g(\cdot)$ に対して

 $||M(q)|| \le c_{M1}, ||M(q)^{-1}|| \le c_{M2}, ||\dot{M}(q,\dot{q})|| \le c_{M3} ||\dot{\phi}||,$

 $\|C(q,\dot{q})\| \le c_{C} \|\dot{\phi}\|, \|d(q,\dot{q})\| \le c_{d} \|\dot{q}\|^{2}, \|g(q)\| \le c_{g}$ (2) を満足する正定数 $c_{M1}, c_{M2}, c_{M3}, c_{C}, c_{d}, c_{g} \in R$ が存在する。



Fig. 1. An example of an underwater robot manipulator.

制御系設計

本報告の制御系設計目的は、(1)におけるパラメータ (質量など)および(2)の正定数 c_* が未知定数である場合 に、制御系信号の有界性⁹⁾(常に有限な値になること)を 確保し、かつ ϕ を時変の理想軌道 ϕ ,に追従させることで ある。さらに、その追従性能は $\|\tilde{\phi}\|$ の最大値を任意に小さ くできる形式の終局的有界性とする。ただし、 $\tilde{\phi}=\phi-\phi$, である。この目的を達成するコントローラを開発するた め、以下の仮定を設ける。

【仮定1】利用可能な信号は*φ*, *φ*である。

【仮定2】制御入力はτである。

【仮定3】パラメータがその公称値で与えられるĝ(q)は既 知関数である。

【仮定4】理想軌道に関し、つぎの不等式が成立する。

 $\|\phi_r\| \le c_{r1}, \|\dot{\phi}_r\| \le c_{r2}, \|\ddot{\phi}_r\| \le c_{r3},$ (3) ただし, $c_{r1}, c_{r2}, c_{r3} \in R$ は正定数である。

【仮定5】理想軌道,とその時間微分,は利用可能である。 仮定1~4は水中ロボットマニピュレータ制御法開発の際 に設定される標準的な仮定である。また、一般の陸上マニ ピュレータと同様に、逆運動学ならびに微分逆運動学アル ゴリズムを用いれば、仮定5は実現される。ここで、仮定 3ならびに(2)第6式を考慮すれば、次式を満足する正定 数c_wが存在することがわかる。

$$\|g(q) - \hat{g}(q)\| \le c_N \tag{4}$$

制御則

ここで提案する制御入力は次式で構成される。この入力 はLyapunov安定論⁹⁾に基づいて導出されている。

 $\begin{aligned} \boldsymbol{\tau} &= -\left[A_2 + \beta\left(\phi, \dot{\phi}\right) I_n\right] \boldsymbol{\mu} - \tilde{\phi} + \hat{g}(q) \end{aligned} \tag{5} \\ \boldsymbol{\mu} &= \dot{\tilde{\phi}} + A_1 \, \tilde{\phi} \,, \; \tilde{\phi} = \phi - \phi_r \end{aligned}$

 $\beta(\phi, \dot{\phi}) = 1 + a_1^2 + \|\dot{\phi}\|^2 + a_1^2 \|\dot{\phi}\|^2 + \|\dot{\phi}\|^4 + a_1^2 \|\phi\|^2 \|\dot{\phi}\|^2$ (6) ただし、 A_1 、 $A_2 \in R^{n \times n}$ は設計パラメータ(定数)、 $I_n \in R^{n \times n}$ は単位行列、 $a_1 \in R$ は A_1 に依存して決まる正定数で ある。また、この制御入力を用いた閉ループ系の構成を Fig. 2に示す。なお、この制御入力の特徴は、1)時変 フィードバックゲイン β (·)の項により、制御系の安定化 に貢献しない流体力などの非線形項の信号部分を消去して いることから、重力項を除いて、運動方程式(1)の信号部 分(regressor)を用いる必要がなく、コントローラ構造 が非常に簡単であること、2) β (·)の項があるため、符号 関数または飽和関数を用いる必要がないこと、3)定数 フィードバックゲイン A_1 , A_2 の項により, 制御性能の改善が達成されることである。これらの特徴1) ~ 3) は,

「はじめに」において記述した特徴1)~3)にそれぞれ対応している。

上記設計目的を達成するため,設計パラメータを以下の 条件を満足するよう設定する。

[条件1]*A*₁, *A*₂はその対角要素がすべて正定数である対 角行列

 $A_1 = \text{diag}[a_{11}, a_{12}, \cdots, a_{1n}] \in \mathbb{R}^{n \times n}$

 $A_2 = \operatorname{diag}[a_{21}, a_{22}, \cdots, a_{2n}] \in \mathbb{R}^{n \times n}$ $\tag{7}$

に設定する(*a_{ij}*∈*R*は正定数)。さらに、これに関連した*a*₁を

 $a_1 = ||A_1|| = \max \{a_{11}, a_{12}, \cdots, a_{1n}\}$ (8) に設定する。

[条件2]初期条件として、 $\phi_r(0) = \phi(0)$ 、 $\dot{\phi}_r(0) = \dot{\phi}(0) = 0$ に設定する。

誤差モデル

ー般に、Lyapunov安定論を用いた制御系設計では、状 態変数に関する数学モデルを誤差変数に関するもの(誤差 モデル)に変換する必要がある。ここでは、数学モデル (1)が2階の非線形微分方程式であることから、φの誤差 モデルに加えて(6)第1式で定義される新たな誤差μの誤 差モデルも用いる。変換された誤差モデルは次式で与えら れる。

$$\phi = -A_1 \phi + \mu$$

$$M(q)\dot{\mu} = -A_2 \mu - \beta(\phi, \dot{\phi})\mu + w - \tilde{\phi} - \frac{1}{2}\dot{M}(q, \dot{q})\mu$$

$$f_2 \dot{\tau}_2 \dot{\tau}_2 \downarrow,$$

$$(9)$$

$$w = -[g(q) - \hat{g}(q)] - C(q, \dot{\phi}) \dot{\phi} - d(q, \dot{\phi}) - M(q) \ddot{\phi}, + M(q) A_1 \dot{\phi} - M(q) A_1 \dot{\phi}, + \frac{1}{2} \dot{M}(q, \dot{q}) \mu$$
(10)

である。以下に、誤差モデル(9)の導出を簡単に示す。ま



Fig. 2. Configuration of control system.

ず、(6)第1式より、(9)第1式の $\hat{\phi}$ に関する誤差モデルは 容易に求められる。つぎに、(6)第1式の μ を時間微分し たものに $M(\cdot)$ を乗算すれば次式第1行となる。次式第1 行の右辺第1項に(1)を代入すれば第2行となる。次式第 2行の右辺第1項に(5)を代入して整理すれば第3行とな る。次式3行右辺の括弧 { } に(10)を適用すれば、(9)第 2式の μ に関する誤差モデルが求められる。

$$\begin{split} M(\cdot)\dot{\mu} &= M(\cdot)\ddot{\phi} - M(\cdot)\ddot{\phi}_r + M(\cdot)A_1\dot{\phi} - M(\cdot)A_1\dot{\phi}_r \\ &= \tau - C(\cdot)\dot{\phi} - d(\cdot) - g(\cdot) - M(\cdot)\ddot{\phi}_r \\ &+ M(\cdot)A_1\dot{\phi} - M(\cdot)A_1\dot{\phi}_r \\ &= -A_2\mu - \beta(\cdot)\mu + \{-[g(\cdot) - \hat{g}(\cdot)] - C(\cdot)\dot{\phi} \\ &- d(\cdot) - M(\cdot)\ddot{\phi}_r + M(\cdot)A_1\dot{\phi} - M(\cdot)A_1\dot{\phi}_r \\ &+ \frac{1}{2}\dot{M}(\cdot)\mu\} - \tilde{\phi} - \frac{1}{2}\dot{M}(\cdot)\mu \end{split}$$
(11)

安定性解析

まず,本題の安定性に関する定理の証明に必要となるµ^{*T*}wの不等式を示しておく。

 $\mu^{T} w \leq \left[\theta^{T} \xi\left(\phi, \dot{\phi}\right)\right] \|\mu\| \tag{12}$

ただし、 $\theta \in R^{6}$ は(2)~(4)の正定数 c_{*} のみから構成される 定数ベクトルであり、また

 $\xi(\phi, \dot{\phi}) = [1, a_1, \|\dot{\phi}\|, a_1\|\dot{\phi}\|, \|\dot{\phi}\|^2, a_1\|\phi\|\|\dot{\phi}\|]^T \in \mathbb{R}^6$ (13) である. この不等式の導出を簡単に示す。まず、 $\mu^T w$ に (10)を代入したものにSchwartz不等式ならびに誘導ノル ムの性質を適用すれば次式第1行となる。次式第1行に (2)~(4)を適用し、 $\|A_1\| = a_1$ を用いれば第2行となる。

$$\begin{split} \mu^{T} & w \leq \|\mu\|[\|g(\cdot) - \hat{g}(\cdot)\| + \|C(\cdot)\|\|\dot{\phi}\| + \|d(\cdot)\| + \|M(\cdot)\|\|\ddot{\phi}_{r}\| \\ & + \|M(\cdot)\|\|A_{1}\|\|\dot{\phi}\| + \|M(\cdot)\|\|A_{1}\|\|\dot{\phi}_{r}\| + \frac{1}{2}\|\dot{M}(\cdot)\|\|\dot{\phi}\| \end{split}$$

$$+\frac{1}{2}\|\dot{M}(\cdot)\|\|\dot{\phi_r}\| + \frac{1}{2}\|\dot{M}(\cdot)\|\|A_1\|\|\phi\|^{2}$$

 $+ \frac{1}{2} \| \dot{M}(\cdot) \| \| A_1 \| \| \phi_r \|]$

$$\leq \|\mu\| [(c_{N} + c_{M1}c_{r3}) + c_{M1}c_{r2}a_{1} + \frac{1}{2}c_{M3}c_{r2} \|\dot{\phi}\| + (c_{M1} + \frac{1}{2}c_{M3}c_{r1})a_{1} \|\dot{\phi}\| + (c_{C} + c_{d} + \frac{1}{2}c_{M3}) \|\dot{\phi}\|^{2} + \frac{1}{2}c_{M3}a_{1} \|\phi\|\|\dot{\phi}\|]$$
(14)

この式を整理すれば μ^Twの不等式(12)が得られる。

提案法では、「はじめに」において記述した特徴3)の ように、つぎの安定性に関する定理が成立する。

【定理】 ロバスト制御則(5)を用いれば、制御系信号 ϕ , $\dot{\phi}$, τ は有界となり、かつ追従誤差 δ の制御性能は次式で 評価できる。

$$\|\tilde{\phi}\|^{2} \leq \frac{2 c_{V2}}{c_{V1} a} \tag{15}$$

ただし、 $a = \min \{a_{11}, a_{12}, \dots, a_{1n}, a_{21}, a_{22}, \dots, a_{2n}\}, c_{V1}$ = $\min \{2/c_{M1}, 2\}, c_{V2} = \|\theta\|^2 / 4$ である。

なお,正定数 c_{V1} , c_{V2} が設計パラメータ a と独立に決ま るものであることに注意すれば, a を大きくすることによ り $\|\tilde{\phi}\|^2$ の最大値が小さくなることを,この定理の評価式 (15)は表している。これにより,設計パラメータ A_1 , A_2 の対角要素を大きくすることにより,制御性能が改善され ることがわかる。

(証明) 誤差に関する正定値関数 Vを

 $V = \frac{1}{2} \mu^{T} M(\cdot) \mu + \frac{1}{2} \tilde{\phi}^{T} \tilde{\phi}$

で定義する。そこで、性質1に注意してVを時間微分すれ ば次式第1行となり、さらに第1行第1項に(9)第2式の 誤差モデルを、第3項に(9)第1式の誤差モデルを代入し て整理すれば第2行となる。次式第2行の対角行列 A_1, A_2 の対角要素が正定数であることから第3行に変形される。 次式第3行第3項に $\beta(\cdot) = \|\xi(\cdot)\|^2$ を代入し、また第4項 に(12)を適用すれば第4行となる。次式第4行第4項に Schwartz不等式 $\bar{x}^T \bar{y} \le \|\bar{x}\| \|\bar{y}\| (\bar{x}, \bar{y}$ はベクトル)を適用し た後、不等式 $\bar{a}\bar{b} \le \bar{a}^2 + \bar{b}^2/4 (\bar{a}, \bar{b}$ はスカラー)を適用 すれば第5行となる。次式第5行に関係式 $\mu^T \mu \ge (\mu^T M(\cdot))$ ・ $\mu)/c_{M1}$ を適用すれば第6行を得る。

$$\dot{V} = \mu^{T} M(\cdot) \dot{\mu} + \frac{1}{2} \mu^{T} \dot{M}(\cdot) \mu + \tilde{\phi}^{T} \dot{\phi}$$

$$= -\mu^{T} A_{2} \mu - \tilde{\phi}^{T} A_{1} \tilde{\phi} - \beta(\cdot) \|\mu\|^{2} + \mu^{T} w$$

$$\leq -a \mu^{T} \mu - a \tilde{\phi}^{T} \tilde{\phi} - \beta(\cdot) \|\mu\|^{2} + \mu^{T} w$$

$$\leq -a \mu^{T} \mu - a \tilde{\phi}^{T} \tilde{\phi} - \|\xi(\cdot)\|^{2} \|\mu\|^{2} + [\theta^{T} \xi(\cdot)] \|\mu\|$$

$$\leq -a \mu^{T} \mu - a \tilde{\phi}^{T} \tilde{\phi} + c_{V2}$$

$$\leq -c_{V1} a V + c_{V2} \qquad (17)$$

さらに,この式の最終行はVに関する不等式

 $V \le \exp\{-c_{V1} at\} V(0) + \frac{c_{V2}}{c_{V1} a}$

(16)

に変形される²⁴⁾。ただし, exp {·} は指数関数を表す。ここで, 条件2の $\phi_r(0)=\phi(0)$, $\dot{\phi}_r(0)=\dot{\phi}(0)=0$ より, $\tilde{\phi}(0)=0$ かつ $\mu(0)=0$ であり, V(0)=0 となることから, 最終的に次式が得られる。

$$V \le \frac{c_{V2}}{c_{V1} a} \tag{19}$$

この不等式より、 $\bar{\phi} \succeq \mu$ が有界であることがわかる。さら に、(2)~(6)を用いれば、 ϕ , $\dot{\phi}$, $\dot{\phi}$, β (·), τ の有界性をこ の順に保証していくことができる。また、この不等式なら びに不等式($\bar{\phi}^{T}\bar{\phi}$)/2 ≤*V*より、(15)が導出される。

数値シミュレーション

前節の理論解析をわかりやすくするために行った数値シ ミュレーション例を示す。シミュレーションで対象とした 2次元2リンクマニピュレータを搭載した水中ロボットの パラメータをTable1に示す。なお、水中ロボットマニ ピュレータの実機のパラメータ⁸⁾を参考にしてこれらの パラメータを決定した。シミュレーションの意図は、制御 性能の評価式(15)のように、設計パラメータαを大きくす ることにより || る || の最大値が小さくなることを確認するこ とである。そのため、以下のすべてのシミュレーションに おいて,理想軌道 ø, とその速度 ø, は統一した。まず,マ ニピュレータ手先位置の理想軌道は初期位置から目標位置 までの直線軌道(約14[s]で目標位置に到達した後,目標 位置に固定)とし、本体位置・姿勢の理想軌道は初期値に 固定した。また、マニピュレータ手先位置の理想軌道の速 度は,理想軌道の目標値到達まで台形状に設定した。そし て、これらの理想軌道から逆運動学ならびに微分逆運動学 アルゴリズム²⁵⁾を用いて理想軌道 ϕ_{r} とその速度 $\dot{\phi}_{r}$ を求め た。

まず,設計パラメータaと制御性能の関係を調べる前に, 提案法の基本性能を調べるシミュレーションを行った。こ こでは,設計パラメータを $a_{11} = a_{12} = a_{13} = a_{14} = a_{15} = 5$, $a_{21} = 226.5$, $a_{22} = 545$, $a_{23} = 18.7$, $a_{24} = 4.37$, $a_{25} = 0.675$ とし た(すなわち, a = 0.675)。なお,誤差モデル(9)第2式 において,誤差の時間微分 μ に慣性行列 $M(\cdot)$ が乗算され ていることを考慮し, $A_2 = M_0 A_1$ となるように設定して いる。ただし, M_0 は初期値の慣性行列M(q(0))において 対角要素以外の要素を0にしたものである。これは,誤差 μ の全要素で同程度の収束速度を得るためには,各要素に

	Base	Link 1	Link 2
Mass [kg]	28.32	4.25	1.23
Volume [$\times 10^{-3} m^3$]	30.54	2.43	0.83
Moment of Inertia [kg m ²]	1.33	0.19	0.012
Length [m]	0.2×0.81	0.25	0.25
Width [m]	0.42	0.12	0.12
Added mass (x) [kg]	72.7	1.31	0.1
Added mass (y) [kg]	6.28	3.57	2.83
Added Moment of Inertia [kg m ²]	1.05	0.11	0.06
Drag coefficient	1.2	1.2	1.2

対応する部分(本体・リンク)の質量の違いを考慮しなけ ればならないことを意味していると考えられる。この場合 のシミュレーション結果をFig.3に示す。図の(a)はロ ボットの挙動,(b)は誤差 るのノルムの時間変化である。 図の(b)より,誤差が小さく抑えられていることがわか る。さらに,図の(a)より,本体位置・姿勢が初期状態 に,マニピュレータ手先位置が直線の理想軌道に追従する よう制御されていることが読み取れる。

つぎに,設計パラメータ a と制御性能の関係を調べるた め、aを大きくしていくシミュレーションを行った。比較 を明瞭にするため、各シミュレーションにおいて a_{ij} はす べて同じ値に設定した(すなわち、 $a_{ij} = a$)。aを1, 25,5と大きくしていったときの誤差 δ のノルムの時間 変化をFig.4に示す。図において、aを大きくするほど誤 差 δ のノルムの最大値が小さくなり、さらには各時点にお いても誤差が小さくなっていることが確認できる。



(a) Motion of underwater robot manipulator





Fig. 4. Tracking error responses for a = 1, 2.5, 5.

おわりに

本報告では、水中ロボットマニピュレータに対し、時変 フィードバックゲインを用いたロバスト制御法を提案し た。提案法では、設計パラメータを大きく設定することに より、本体位置・姿勢およびマニピュレータ関節角度から 構成される変数とその理想軌道の間の誤差のノルムの最大 値を任意に小さくできることを理論解析および数値シミュ レーションを用いて示した。なお、実機を用いた実験によ り、提案法の有用性を確認することが今後の課題である。

文 献

- 1) 浦環:自律型海中ロボット.日本ロボット学会誌, 18,933-936 (2000)
- 2) 浦環:海中工学におけるシステムインテグレーション.計測と制御,47,787-790 (2008)
- 3) Scholberg I, Fossen T : Modelling and Control of Underwater Vehicle-Manipulator Systems. Proc. 3rd Conf. Marine Craft Maneuvering and Control, 45–57 (1994)
- 4) Lizarralde F, Wen J T, Hsu L : Quaternion-Based Coordinated Control of a Subsea Mobile Manipulator with Only Position Measurements. *Proc. 34th IEEE Conf. Decision and Control*, 3996–4001 (1995)
- 5) Kato N, Lane D M : Co-Ordinated Control of Multiple Manipulators in Underwater Robots. Proc. 1996 IEEE Int. Conf. Robotics and Automation, 2505–2510 (1996)
- 6) Sarkar N, Podder T K : Coordinated Motion Planning and Control of Autonomous Underwater Vehicle-Manipulator Systems Subject to Drag Optimization.

IEEE J. Oceanic Engineering, 26, 228–239 (2001)

- 7) Sagara S, Tanikawa T, Tamura M, Katoh R : Experiments on a Floating Underwater Robot with a Two-Link Manipulator. *Artificial Life and Robotics*, 5, 215–219 (2001)
- 8) Sagara S, Shibuya K, Tamura M : Experiment of Digital RAC for an Underwater Robot with Vertical Planar 2-Link Manipulator. *Proc. Ninth Int. Symposium Artificial Life and Robotics*, 337–340 (2004)
- 9)山本稔:常微分方程式の安定性. 実教出版(1979)
- Fossen T I : Adaptive Macro-Micro Control of Nonlinear Underwater Robotic Systems. Proc. 5th Int. Conf. Advanced Robotics, 1569–1572 (1991)
- 11) Antonelli G, Chiaverini S: Adaptive Tracking Control of Underwater Vehicle-Manipulator System. *Proc.* 1998 IEEE Int. Conf. Control Applications, 1089– 1093 (1998)
- 12) Antonelli G, Caccavale F, Chiaverini S : Adaptive Tracking Control of Underwater Vehicle-Manipulator Systems Based on the Virtual Decomposition Approach. *IEEE Trans. Robotics and Automation*, 20, 594-602 (2004)
- Lee M, Choi H S : A Robust Neural Controller for Underwater Robot Manipulators. *IEEE Trans. Neural Networks*, 11, 1465-1470 (2000)
- 14) Xu B,Abe S,Sakagami N,Pandian S R : A Robust Nonlinear Controller for Underwater Vehicle-Manipulator Systems. Proc. 2005 IEEE / ASME Int. Conf. Advanced Intelligent Mechatronics, 711-716 (2005)
- 15) Xu G, Guo Y, Xiang X, Xiao Z : Motion Control and Computer Simulation for Underwater Vehicle-Manipulator Systems. Proc. 2007 IEEE Int. Conf. Mechatronics and Automation, 1368–1373 (2007)
- Khalil H K : Nonlinear Systems, Third Edition. Prentice Hall, 554-555 (2002)
- Hung J Y, Gao W, Hung J C : Variable Structure Control : a Survey. *IEEE Trans. Industrial Electronics*, 40, 2-22 (1993)
- 18) Antonelli G, Chiaverini S : Singularity-Free Regulation of Underwater Vehicle-Manipulator Systems. Proc. American Control Conf, 399-403 (1998)

204

平

- 19) Lee P M, Yuh J : Application of Non-Regressor Based Adaptive Control to an Underwater Mobile Platform-Mounted Manipulator. Proc. 1999 IEEE Int. Conf. Control Applications, 1135–1140 (1999)
- 20) Sarkar N, Yuh J, Podder T K : Adaptive Control of Underwater Vehicle-Manipulator Systems Subject to Joint Limits, Proc. 1999 IEEE / RSJ Int. Conf. Intelligent Robots and Systems, 142-147 (1999)
- 21) Yuh J, Zhao S, Lee P M : Application of Adaptive Disturbance Observer Control to an Underwater Manipulator. Proc. 2001 IEEE Int. Conf. Robotics

and Automation, 3244-3249 (2001)

- 22)藤本博志:マルチレートサンプリング制御とロボットへの応用. 日本ロボット学会誌, 27, 410-413 (2009)
- 23) Antonelli G : Underwater Robots : Motion and Force Control of Vehicle-Manipulator Systems.Springer-Verlag (2003)
- 24) 大屋勝敬,小林敏弘:外乱を有する系に対するロバスト適応制御.計測自動制御学会論文集,28,1061-1070 (1992)
- 25) 吉川恒夫: ロボット制御基礎論. コロナ社, 26 (1988)