# 永久磁石を用いた進行波管用周期磁界収束

装置の設計について (第1報)

### 児玉 匡 生\*

## Design of Periodic Magnetic Focusing Structures for Traveling-wave-tubes (1)

#### 抄 錄

進行波管の遅波回路に電子ビームを通すためには、主として永久磁石を用いた周期磁界によって電子ビーム を収束することが行なわれている。この周期磁界収束装置は円環状の永久磁石と高透磁率材料からなる磁極を 同軸に交互に積み重ねた構造になっている。軸上に生ずる周期磁界によって進行波管中に流れる電子ビームを 収束する。周期磁界収束装置において、磁極の外径を磁石の外径よりいくぶん小さくすれば、軸上の磁界を同 じ磁石でも強くすることができる。本稿においてはこの装置について解析し、設計法を述べた。

1. はじめに

進行波管の遅波回路において,電子ビームを通すには 電子ビームと同じ方向に強い一様な磁界を加えてビーム の拡がりを防ぐ必要がある。磁界を発生させるには電磁 石,あるいは永久磁石が用いられる。電磁石に比べて永 久磁石による方法は重量は大きくなるが,電力を消費し ない利点があり,進行波管あるいは後進波管に用いられ る。一様磁界を作るのに永久磁界を用いると,磁石の外 周に漏洩する磁束が多く,非常に能率が悪いため重量が 増すのである。

この欠点を除くため,1954年に Mendel<sup>1)</sup>らによって 提唱された周期磁界による電子ビームの収束が広く用い られるようになった。周期磁界によれば磁界を有効に使 うことができるため,装置の小型,軽量化することがで きる.



図1 周期磁界装置の構造

この装置の主要な構成を図1に示す. この図にあるよ

\* 宇部工業高等専門学校電気工学教室

うに円環状の永久磁石と同じく円環状の薄い高透磁率材 料を交互に円軸に積み重ねる.おのおのの永久磁石は軸 方向に着磁され磁極を隔てて同じ極性が向いあうように 交互に反対方向の極性に積み重ねる.このようにすれば 軸上において,磁界の強さは周期的に変化する.高透 磁率材料でできた磁極は,永久磁石より発生した起磁力 を有効に軸上に集中させる.永久磁石の着磁は各部分に より強度が不均一なため,軸上に非対称な磁界を発生す る.この磁界成分は電子ビームの進行方向を曲げ,遅波 回路のビーム透過率に悪い影響を与える.環状の磁極は 非対称な磁界成分を取り除く役目もはたす.

周期磁界収束装置の設計法は Kern K. N. Chang によって示された<sup>2)</sup>.

磁極の外径を永久磁石の外径よりいくぶん小さくする と、同じ磁石の大きさでもって大きな軸上の磁界を発生 することが知られている<sup>3)</sup>. これは装置の軽量化,材料 の節減に役に立つ.以下,適当な仮定の下にこの磁界装 置について解析を試み設計に役立てたい.

図1に示す装置の磁界分布を図2に定性的に示す.図 2より分るように永久磁石より出た磁束は2通り分けら れる.1つは磁石の内側に分布する磁束で,もう1つは 磁石の外側に分布する磁束である.この内,後者の磁束 は電子ビームを収束する磁束としては役に立たない.し たがって外側の磁束に対する磁気抵抗をできるだけ大き くする必要がある.このためには図3のように,磁極の うち外方向に向う磁束が分布しているしている部分を切 り取ればよい.このようにして,外側の漏洩磁束が減っ たために,中心磁界は同じ永久磁石で約15%増すことが できる<sup>3)</sup>.

本稿においてはこのような装置に理論解析を行ない, もって設計の資料を得ようとするものである.



— -**≻** − 磁 束 線

図2 磁石と磁極の外径が同じときの磁束分布



\_\_\_> 磁束線

図3 磁極外径が磁石外径より小さいときの磁束分布

2. 內 部 磁 界

磁石の内径R1より内側における磁界分布を調べる.

ここに磁界装置の構造を決定する諸寸法をまとめて掲 げておく.

Res. Rep. of Ube Tech. Coll., No.6

L'/2: 磁石の厚さ<math>L: -周期の長さ $<math>2 R_2: 磁石の外径$   $2 R_1: 磁石の内径$   $2 R_2': 磁極の外径$   $2 R_1': 磁極の内径$  $2 R_1': 磁極の内径$ 

ここで周期は電子ビームが安定に透過するという条件 からあらかじめ与えられる<sup>1)</sup>. 磁極の内径 2 *R*<sub>1</sub> はできる だけ小さい方が中心磁界は強くなることは明らかである が,真空管の外径によっておのずから制限される.

次に磁極の間隙d1を決定する。磁極の間の起磁力が一 定で磁極の透磁率が無限大であればd1は小さいほど軸上 の磁界は強くなる。しかしd1実際にはが小さくなると磁 極の間隙に無効に流れる磁束が多くなり不利である。ま た磁石に着磁された非対称成分に対するシールド効果は d1が小さい程有利である。以上を考慮して d1/L は一般 に1/4~1/6にされるのが普通である。

磁極の厚さはその部分を通る磁束を後に述べる方法に より計算し, 飽和しないよう厚さを定めることができ る. 磁極の厚さが定まれば, ただちに L', R<sub>1</sub> がきまる. 次に各部の磁束密度を計算する<sup>2)</sup>.



**図 4** *R*<*R*<sub>1</sub> ′ における磁束分布を求めるための 境界条件

図4にこの問題における境界条件を示す.  $-\phi_0$ ,  $+\phi_0$ の磁気ポテンシャルを持った磁極が交互に並んでいる. 磁極間の  $R=R_1$  における磁気ポテンシャルは直線的に 変化するものとすれば,  $R < R_1$  におけるラプラスの微 分方程式の解であるポテンシャルは

$$\phi_1(z,R) = \sum_{n=1}^{\infty} A_n \sin\left(\frac{2n\pi}{L}z\right) f_0\left(\frac{i\,2n\pi}{L}R\right) \quad (1)$$

ただしここに An は境界条件より定まる条件で

$$A_n = \frac{2\phi_0(1 - \cos n\pi)\sin(\sigma_1 n\pi)}{\int_0(i 2 n\pi R/L)\sigma_1 n^2 \pi^2}$$
(2)

ただしここに σ1=d1/L

2

December, 1967

(1)式より  $R < R'_1$  における軸方向の磁界は

$$B_{z}(z,R) = \mu_{0} \frac{\partial \phi_{1}(z,R)}{\partial z}$$
  
=  $\mu_{0} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4 \phi_{0} (1 - \cos n\pi) \sin \tau_{1} n\pi}{L J_{0}(i \ 2 \ n\pi R_{1}/L) \sigma_{1} n\pi}$   
 $\cdot \cos\left(\frac{2 \ n\pi}{L} z\right) J_{0}\left(\frac{i \ 2 \ n\pi}{L} R\right)$  (3)

(3)式より,要求の磁束密度 Bz より,磁極間に必要な 起磁力 φoを求めることができる.

次に、 
$$z = 0$$
 面の  $R < \hat{R_1}$ の円を通る磁束  $\Psi_1$  は  
 $\Psi_1 = \int_{o}^{R_1} \left( B_0 \right)_{z=0} \cdot 2\pi R dz$   
 $= \mu_0 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{-i f_1(i \ 2 \ n\pi R_1'/L)}{f_0(i \ 2 \ n\pi R_1'/L)} \frac{\sin \tau_1 n\pi}{\sigma_1 n\pi}$   
 $\cdot \frac{4 \phi_0 R_1(1 - \cos n\pi)}{n}$ 
(4)

磁極の間隙 ( $\hat{R_1} < R < R_1$ ) の部分を通る磁束を  $\Psi_2$ と すれば

$$\Psi_2 = \frac{\mu_0 \phi_0 \pi (R_1^2 - R_1^2)}{d_1} \tag{5}$$

である.

 $\Psi_1 + \Psi_2$ は磁石の内側を通る磁束の総数である. これ からさきに述べた磁極の厚さを決ることができる. また この磁束は磁極の外径  $R'_2$ の内側の磁石より出てくる磁 石である. したがって,次のようにして磁極の外径 $R'_2$ を 定めることができる.

磁石の単位長さ当りに必要な起磁力を Hmとすれば,



図5に示すように,使用の磁石の特性曲線と(6)式から 動作点Pが求まる.したがって磁石の磁束密度 Bm が求

宇部工業高等専門学校研究報告 第6号

まり、磁極の外径 R2は次の式から定まる.

$$B_m = \frac{\Psi_1 + \Psi_2}{\pi (R'_2^2 - R_1^2)} \tag{7}$$

ここに 𝒴1, 𝒴2 はそれぞれ(4), (5)式を代入すればよい.

#### 3. 外部磁界

磁極の外径  $R'_2$  より外側における磁界分布を調べる. この領域にある磁石は各 点により磁 界の強さ が異 るか ら,一般には数値解析をすることが不可能である.した がって次のような仮定を設ける.

永久磁石の磁 東密 度は一般 に次の ように 表 わされる<sup>4)</sup>.

 $B = \mu_0 [H + M(H, M_0) + M_0]$  (8) ここ  $M_0$ は残留の磁化の強さである、Mは外部から加え られた磁界Hによってできた磁化の強さである。一般に  $M \ge H$ は比例せず、また方向も一致しない。しかし、こ の場合  $|M| \ll |M_0|$ であるから、 $M \ge H$ は比例する



図6 等方性バリウムフェライトの減磁曲線

ものと仮定する.磁界装置には最大磁気エネルギー積は 少いが保磁力の大きいフェライト系の永久磁石が用いら れるのが普通であるので,ここにおいてもこれを用いた 場合について解析する.図6に等方性パリウムフェライ トの減磁曲線を示す.ほぼ直線と考えてその傾きµは 1.15 したがって(8)式は

$$B = \mu_0 (H + 0.15H + M_0) \tag{9}$$

となる。ここで磁界の微小な変動に対しては磁石は等方性であるとした。残留の磁化の強さ $M_0$ も減磁曲線より 算出できて、 $M=1.67 \times 10^5$  (AT/m) である。 したがって(9)式は

$$\boldsymbol{B} = \mu_0 (\boldsymbol{\mu} \boldsymbol{H} + \boldsymbol{M}_0)$$

$$=\mu_0(1.15H+1.67\times10^{5}i) \qquad (0)$$

昭和42年12月

となる. ここで *i* は 着磁方向 (つまり 軸方向) の 単位磁 化強さの ベクトルである.

 $K'_2 < R < R_2$ においては空隙のできる領域があるが, これは計算を簡略にするためここを上に求めた磁石の変 分透磁率 $\mu\mu$ のの媒質でおきかえる.この仮定は $\mu$ が1に 近いこと、空隙が小さいことにより、許し得る仮定と思 われる.



 図 7 R>K<sub>2</sub>における磁束分布を求めるための境界 条件. 媒質(1), (2), (3)の透磁率はそれぞれ 0, μμο, μοである. R=R<sub>2</sub>の実線上には図示の 方向に面電洗が洗れている.

 $B_1$ ,  $B_2$ は $R=R_2$ におけるそれぞれ磁石, 空気中の磁 束密度とすれば, (0)式および  $B_2 = \mu_0 H_2$  から

$$\boldsymbol{n} \times \left( \frac{\boldsymbol{B}_1}{\mu \mu_0} - \frac{\boldsymbol{B}_2}{\mu_0} \right) = \boldsymbol{n} \times \frac{1}{\mu} \boldsymbol{M}_0 \tag{11}$$

となる<sup>5)</sup>. したがって、この境界に ( $\mu_0/\mu$ ) $M_0$  (A/m) の面電洗が洗れていると考えることと等価である.

以上より,問題の境界条件をまとめれば,

- 1.  $R'_2 \leq R < R_2$ においては透磁率:  $\mu \mu_0$
- 2.  $R_2 \leq R$ においては透磁率: $\mu_0$

生

3.  $R = R'_2 i \tau$   $\pi v \tau B_r = 0$  (12) 4.  $R = R_2 i \tau \pi v \tau$ 

$$nL - L'/4 \le z \le nL + L'/4 \wr \mathbb{Z} K_{\theta} = (1/\mu) M_{0}$$
(13)  

$$L(n+1/2) - L'/4 \le z \le L(n+1/2) + L'/4 \wr \mathbb{Z}$$
  

$$K_{\theta} = -(1/\mu) M_{0}$$
(14)

ただし $K_{\theta}$ は $\theta$ 方向の面電流, nは整数を示す.

5.  $R \rightarrow \infty \ \mathcal{C} B_r$ ,  $B_z \rightarrow 0$ 

これより、 $R > R'_2$ における 磁東密度分布を求め、し かる後、 $R = R'_2$ における磁石の起磁力が $R_1 < R < R'_2$ で の起磁力と一致するよう、磁石の外径 $R_2$ を決める.

div B = 0, rot B = 0 を満足し, かつ, 上の境界条件 を満足し, 軸回転対称な分布を次のように仮定する.

$$B_{z} = \sum_{n=1}^{\infty} B_{n} \frac{2 n\pi}{L} \cos\left(\frac{2 n\pi}{L}z\right) J_{0}\left(\frac{i 2 n\pi}{L}R\right) + \sum_{n=1}^{\infty} C_{n} \frac{2 n\pi}{L} \cos\left(\frac{2 n\pi}{L}z\right) \cdot iH_{0}^{(1)}\left(\frac{i 2 n\pi}{L}R\right)$$
(15)

$$B_{r} = -\sum_{n=1}^{\infty} B_{n} \frac{2 n\pi}{L} \sin\left(\frac{2 n\pi}{L} z\right) i f_{1}\left(\frac{i 2 n\pi}{L} R\right) + \sum_{n=1}^{\infty} C_{n} \frac{2 n\pi}{L} \sin\left(\frac{2 n\pi}{L} z\right) H_{1}^{(i)}\left(\frac{i 2 n\pi}{L} R\right)$$

$$R \ge R_{2} \ \ell z \approx 0.7$$
(6)

$$B_{z} = \sum_{n=1}^{\infty} D_{n} \frac{2 n\pi}{L} \cos\left(\frac{2 n\pi}{L} z\right) i H_{0}^{(1)} \left(\frac{i 2 n\pi}{L} R\right)$$

$$B_r = \sum_{n=1}^{\infty} D_n \frac{2 n\pi}{L} \sin\left(\frac{2 n\pi}{L} z\right) H_1^{(1)} \left(\frac{i 2 n\pi}{L} R\right)$$
(18)

ここに  $B_n$ ,  $C_n$ ,  $D_n$ は境界条件によって定まる未定の定数である.

 $R=R'_2$ において(12)式を満足するためには

$$0 = \sum_{n=0}^{\infty} \left\{ -B_n \frac{2 n \pi i}{L} J_1 \left( \frac{i 2 n \pi}{L} R'_2 \right) + C_n \frac{2 n \pi}{L} H_1^{(1)} \left( \frac{i 2 n \pi}{L} R'_2 \right) \right\} \sin\left( \frac{2 n \pi}{L} z \right)$$
(18)

zに関して常に0である必要から

 $R'_2 \leq R < R_2$ において

$$B_{n} = C_{n} H_{1^{(1)}} \left( \frac{i 2 n \pi}{L} R'_{2} \right) / i J_{1} \left( \frac{i 2 n \pi}{L} R'_{2} \right)$$
<sup>(19)</sup>

となる. これを(15), (16)式に代入して,  $\mathbf{R'}_2 \leq \mathbf{R} \leq \mathbf{R}_2$ において

$$B_{z} = \sum_{n=1}^{\infty} C_{n} \left\{ \frac{H_{1}^{(1)}(i \, 2 \, n\pi R'_{2}/L)}{j J_{1}(\, 2 \, in\pi R'_{2}/L)} \, J_{0}\left(\frac{i \, 2 \, n\pi}{L}R\right) + i H_{0}^{(1)}\left(\frac{i \, 2 \, n\pi}{L}R\right) \right\} \frac{2 \, n\pi}{L} \cdot \cos\left(\frac{2 \, n\pi}{L}z\right) \tag{2}$$

$$B_{r} = \sum_{n=1}^{\infty} C_{n} \left\{ -\frac{H_{1}^{(1)}(i 2 n\pi R'_{2}/L)}{i f_{1}(i 2 n\pi R'_{2}/L)} \cdot i f_{1} \left( \frac{i 2 n\pi}{L} R \right) + H_{1}^{(1)} \left( \frac{i 2 n\pi}{L} R \right) \right\} \frac{2 n\pi}{L} \sin \left( \frac{2 n\pi}{L} z \right)$$
(2)

を得る.

次に  $R=R_2$  において  $B_r$  が連続であることより, (18), (21)式を用いて

Res. Rep. of Ube Tech. Coll., No.6

December, 1967

(17)

4

$$\sum_{n=1}^{\infty} D_n \frac{2 n \pi}{L} \sin\left(\frac{2 n \pi}{L}z\right) H_1^{(1)}\left(\frac{i 2 n \pi}{L}R_2\right)$$
  
=  $\sum_{n=1}^{\infty} C_n \left\{ -\frac{H_1^{(1)}(i 2 n \pi R_2'/L)}{i f_1(i 2 n \pi R_2'/L)} \cdot i f_1\left(\frac{i 2 n \pi}{L}R_2\right) + H_1^{(1)}\left(\frac{i 2 n \pi}{L}R_2\right) \right\} \cdot \frac{2 n \pi}{L} \sin\left(\frac{2 n \pi}{L}z\right)$  (2)

したがって

$$D_n = C_n \left\{ -\frac{H_1^{(1)}(i \ 2 \ n\pi R_2^{\prime}/L)}{i J_1(i \ 2 \ n\pi R_2^{\prime}/L)} \cdot \frac{i J_1(i \ 2 \ n\pi R_2^{\prime}/L)}{H_1^{(1)}(i \ 2 \ n\pi R_2^{\prime}/L)} + 1 \right\}$$
(23)

(23)式を⑴、式に代入して, R≥R2 において

$$B_{z} = \sum_{n=1}^{\infty} C_{n} \left\{ - \frac{H_{1}^{(1)}(i \, 2 \, n\pi R_{2}^{\prime}/L)}{i J_{1}(i \, 2 \, n\pi R_{2}^{\prime}/L)} \cdot \frac{i J_{1}(i \, 2 \, n\pi R_{2}/L)}{H_{1}^{(1)}(i \, 2 \, n\pi R_{2}/L)} + 1 \right\} \frac{2 \, n\pi}{L} \cos\left(\frac{2 \, n\pi}{L} z\right) \cdot i \, H_{0}^{(1)}\left(\frac{i \, 2 \, n\pi}{L} R\right)$$
(24)

境界条件4を用いて残った未定定数 Cn を決める,(11), 20), 24式より

$$K_{\theta} = \sum_{n=1}^{\infty} C_n \frac{2 n \pi}{L} \cdot \cos\left(\frac{2 n \pi}{L}z\right) \left\{ \left\{ \frac{H_1^{(1)}(i \ 2 \ n \pi R_2/L)}{i J_1(i \ 2 \ n \pi R_2/L)} J_0 \left\{ \left(\frac{i \ 2 \ n \pi}{L}R_2\right) + i H_0^{(1)} \left(\frac{i \ 2 \ n \pi}{L}R_2\right) \right\} \frac{1}{\mu \mu_0} - \left\{ - \frac{H_1^{(1)}(i \ 2 \ n \pi R_2/L)}{i J_1(2 \ n \pi R_2/L)} \cdot \frac{i J_1(i \ 2 \ n \pi R_2/L)}{H_1^{(1)}(i \ 2 \ n \pi R_2/L)} + 1 \right\} \frac{i H_0^{(1)}(i \ 2 \ n \pi R_2/L)}{\mu_0} \right\}$$
(25)

ここに $K_{\theta}$ は(13), (14)で定まるzの関数である.

 $K_{\theta}$ をフーリエ級数に展開し、(5)式の右辺と比較することによって $C_n$ を定める

 $K_{\theta}$ をフーリエ級数に展開すれば,

$$K_{\theta} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4}{L} \left\{ \int_{0}^{L'/4} \frac{M_{0}}{\mu} \cos \frac{2n\pi}{L} z dz - \int_{L/2-L'/4}^{L/2} \frac{M_{0}}{\mu} \cos \frac{2n\pi}{L} z dz \right\} \cos \frac{2n\pi}{L} z dz$$
$$= \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2M_{0}}{n\pi\mu} \left( \sin \frac{n\pi L'}{2L} \right) \left\{ 1 - (-1)^{n} \right\} \cos \frac{2n\pi}{L} z$$
(26)

したがって, 25, 26式より

$$C_{n} = \frac{M_{0}\mu_{0}L}{n^{2}\pi^{2}\mu} \left\{ 1 - (-1)^{n} \right\} \left( \sin \frac{n\pi L'}{2L} \right) / \left( \frac{H_{1}^{(1)}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)}{if_{1}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)} \cdot \frac{J_{0}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)}{\mu} + \frac{iH_{0}^{(1)}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)}{\mu} - \left\{ - \frac{H_{1}^{(1)}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)}{if_{1}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)} \cdot \frac{if_{1}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)}{H_{1}^{(1)}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L)} + 1 \right\} iH_{0}^{(1)}(i \ 2 \ n\pi R_{2}'/L) \right\}$$

となる. (24), (27)式より  $R = R'_2$ における  $R_z$ を知ることができる.  $R = R'_2$ における磁石の  $^z$ 方向の平均の磁界の強さを  $H_m$  / とすれば

$$\frac{L'H_m'}{2} = \int_{-L'/4}^{L'/4} H_z \, dz = \int_{-L'/4}^{L'/4} \left(\frac{B_z}{\mu\mu_0} - \frac{M_0}{\mu}\right) dz \tag{28}$$

ここで(9)式から出る式  $B = \mu_0(\mu H + M_0)$ を用いた。 20)式の  $B_2$  において  $R = R'_2$  とおいたのち, 20)式に代入して積分 すれば

$$\frac{L'H'_{m}}{2} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2C_{n}}{\mu\mu_{0}} \left\{ \frac{H_{1}^{(1)}(i 2 n\pi R'_{2}/L)}{iJ_{1}(i 2 n\pi R'_{2}/L)} \cdot J_{0}(i 2 n\pi R'_{2}/L) + iH_{0}^{(1)}(i 2 n\pi R'_{2}/L) \right\} \sin\left(\frac{n\pi L'}{2L}\right) - \frac{L'}{2} \cdot \frac{M_{0}}{\mu} \quad (29)$$
この式に切式を代入して整理すれば
$$\frac{\mu H_{m}'}{\mu} + 1$$

$$=\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\frac{4L\{1-(-1)^n\}}{n^2\pi^2L'}\sin^2\frac{n\pi L'}{2L}\left\{\frac{H_1^{(1)}(i\ 2\ n\pi R_2'/L)}{iJ_1(i\ 2\ n\pi R_2'/L)}J_0(i\ 2\ n\pi R_2'/L)+iH_0^{(1)}, i\ 2\ n\pi R_2'/L)\right\}}{\frac{H_1^{(1)}(i\ 2\ n\pi R_2'/L)}{iJ_1(i\ 2\ n\pi R_2'/L)}J_0(i\ 2\ n\pi R_2'/L)} \cdot \frac{iJ_1(i\ 2\ n\pi R_2/L)}{H_1^{(1)}(i\ 2\ n\pi R_2'/L)}+1-\mu\left\{iH_0^{(1)}(i\ 2\ n\pi R_2'/L)\right\}}$$

となる. 以下(30)式の性質を調べる.

R2→∞とすれば(30)の右辺は0に収束するから

$$H'_{m} \rightarrow -\frac{M_{0}}{\mu} \quad (R_{2} \rightarrow \infty) \tag{31}$$

また,  $R_2 = R'_2$  とすれば, 00式は

児 玉 匡 生

$$\frac{\mu H'_m}{M_0} + 1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4L\{1 - (-1)^n\}}{n^2 \pi L'} \sin^2 \frac{n \pi L'}{2L}$$

この式の右辺は1に収束するから6),

$$H'_{m} = 0$$
  $(R_{2} = R'_{2})$  (33)

磁石の外径 R2を増せば、起磁力は0から -L'Mo/2µ まで負に増していく.

 $R_1 < R < R'_2$ の部分における磁石の起磁力  $H_m$ と  $R = R_2$ における平均起磁力  $H'_m$ と等しくなければならないから、 $\emptyset$ の 式を用いて、磁力の外径  $R_2$ を求めることができる.

μ=1 のときは(30)式は簡単になり

$$\frac{H_{m}}{M_{0}} + 1 = \frac{8L}{\pi^{2}L'} \sum_{n=1,3,\cdots}^{\infty} \frac{\sin^{2}(n\pi L'/2L) \left\{ I_{0}(2n\pi R'_{2}/L) + K_{0}(2n\pi R'_{2}/L) \cdot \frac{I_{1}(2n\pi R_{2}/L)}{K_{1}(2n\pi R'_{2}/L)} \right\}}{n^{2} \left\{ I_{0}(2n\pi R_{2}/L) + K_{0}(2n\pi R_{2}/L) \cdot \frac{I_{1}(2n\pi R_{2}/L)}{K_{1}(2n\pi R_{2}/L)} \right\}}$$
(34)

ただし、ここでペッセル関数はすべて変形されたペッセル関数になおした.

図8に  $\mu=1$ ,  $R'_2/L=1$ , L'/L=0.8 のときを例にとり  $H'_m/M_0$  と  $R_2/L$  の関係をグラフに示した. また同図に 磁石と磁極の外径が等しい場合についても参考として示した.





#### 4. む す び

以上で進行波管の周期磁界収束装置において,磁極の 外径が磁石の外径より小さい場合における設計の方法を 述べた。

次の報告においては®の式の計算結果を図に表わし,実際の設計に役立てたい.また,できれば実験を行ない, 仮定がどの程度正しいか確める予定である.

終りに、著者の神戸工業株式会在職中に常々ご指導賜

わった同社研究部主任三杉博士ならびに同部諸氏,また 本稿作成にあたりご教示いただいた本校嶺助教授に深謝 の意を表わす.

#### 参考文献

- J. T. Mendel, C. F. Quate, W. H. Yocom
   Electron Beam Focusing with Periodic Permanent Magnetic Fields, Proc. I. R. E., pp. 800~810; May, 1954.
- Kern K. N. Chang: Optimum Design of Periodic Magnet Structures for Electron Beam Focusing, RCA Review, pp. 65~81, March, 1955.
- 3) 安田 進:導波管結合形進行波管用周期磁界装置, 電通誌,第44卷, pp. 791~798, 昭和36年, 5月.
- 4) 例えば J. A. Stratton: Electromagnetic Theory, p. 129, 1941.
- 5) 同上, p. 243.
- 6) R. E. Collin : Field Theory of Guided Waves, pp. 576~589.

(昭和42年9月10日受理)

6

(32)